

Examenul național de bacalaureat 2026
Proba E. c)
Matematică $M_{\text{mate-info}}$
BAREM DE EVALUARE ȘI DE NOTARE

Simulare

Filiera teoretică, profilul real, specializarea matematică-informatică

Filiera vocațională, profilul militar, specializarea matematică-informatică

- Pentru orice soluție corectă, chiar dacă este diferită de cea din barem, se acordă punctajul corespunzător.
- Nu se acordă fracțiuni de punct, dar se pot acorda punctaje intermediare pentru rezolvări parțiale, în limitele punctajului indicat în barem.
- Se acordă zece puncte din oficiu. Nota finală se calculează prin împărțirea la zece a punctajului total acordat pentru lucrare.

SUBIECTUL I

(30 de puncte)

1.	$z + \bar{z} + z \cdot \bar{z} = 2 + i + 2 - i + (2 + i)(2 - i) =$ $= 4 + 4 - i^2 = 8 + 1 = 9$	2p 3p
2.	$f(x) = g(x)$, deci $x^2 - 6x + m + 1 = 0$ Ecuția are soluție unică, deci $\Delta = 0$ și, cum $\Delta = 32 - 4m$, obținem $m = 8$	2p 3p
3.	$\log_2 x + \log_x 2 \cdot \log_2 x = 5$, de unde obținem $\log_2 x = 4$ $x = 16$, care convine	3p 2p
4.	Mulțimea A are 81 de elemente, deci sunt 81 de cazuri posibile În mulțimea A sunt 17 numere care au produsul cifrelor divizibil cu 5, deci sunt 17 cazuri favorabile, de unde obținem $p = \frac{17}{81}$	2p 3p
5.	$m_{OB} = \frac{1}{2}$ și, cum $m_{OB} \cdot m_d = -1$, obținem $m_d = -2$ Ecuția dreptei d este $y - 5 = -2x$, adică $y = -2x + 5$	3p 2p
6.	$AM = CM$, de unde obținem $d(C, AM) = d(A, CM) = AD$, unde AD este înălțimea a triunghiului ABC $BC = 15$ și, cum $\frac{15 \cdot AD}{2} = \frac{9 \cdot 12}{2}$, obținem $d(C, AM) = 7,2$	3p 2p

SUBIECTUL al II-lea

(30 de puncte)

1.a)	$A(1) = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & -1 & 1 \\ 3 & 2 & 1 \end{pmatrix} \Rightarrow \det(A(1)) = \begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & -1 & 1 \\ 3 & 2 & 1 \end{vmatrix} =$ $= -1 + 2 + 3 + 3 - 2 - 1 = 4$	2p 3p
b)	$\det(A(a)) = \begin{vmatrix} a & 1 & 1 \\ 1 & -1 & a \\ 3 & 2 & 1 \end{vmatrix} = -2a^2 + 2a + 4$, pentru orice număr real a $\det(A(a)) = 0 \Leftrightarrow a = -1$ sau $a = 2$, de unde obținem că mulțimea numerelor reale a pentru care matricea $A(a)$ este inversabilă este $\mathbb{R} \setminus \{-1, 2\}$	3p 2p
c)	Pentru $a = 2$, soluțiile sistemului de ecuații liniare sunt $(\alpha, 4 - \alpha, -\alpha)$, cu $\alpha \in \mathbb{C}$ Pentru $a = 1$, $y_1 = 3$, deci $\alpha(4 - \alpha) = 3$, de unde obținem $\alpha = 1$ sau $\alpha = 3$, deci soluțiile pentru care $x_0 y_0 = y_1$ sunt $(1, 3, -1)$ și $(3, 1, -3)$	2p 3p
2.a)	$0 * 1 = \sqrt{(0^2 + 2)(1^2 + 2)} + 3 =$ $= \sqrt{9} = 3$	3p 2p

b)	Pentru $m = 7$, $x * (2x) = \sqrt{(x^2 + 2)(4x^2 + 2)} + 7$, pentru orice număr real x $\sqrt{(x^2 + 2)(4x^2 + 2)} + 7 = 5$, deci $2x^4 + 5x^2 - 7 = 0$ și, cum x este număr real, obținem $x = -1$ sau $x = 1$	2p 3p
c)	$(x * y) * z = x * (y * z)$, pentru orice numere reale x , y și z , de unde obținem $((x^2 + 2)(y^2 + 2) + m + 2)(z^2 + 2) + m = (x^2 + 2)((y^2 + 2)(z^2 + 2) + m + 2) + m$ $(m + 2)(z^2 + 2) = (x^2 + 2)(m + 2)$, pentru orice numere reale x și z dacă și numai dacă $m = -2$, care convine	3p 2p

SUBIECTUL al III-lea

(30 de puncte)

1.a)	$f'(x) = \frac{e^{x-2}\sqrt{x-1} - e^{x-2} \cdot \frac{1}{2\sqrt{x-1}}}{x-1} =$ $= \frac{e^{x-2}(2x-2-1)}{2(x-1)\sqrt{x-1}} = \frac{e^{x-2}(2x-3)}{2(x-1)\sqrt{x-1}}, x \in (1, +\infty)$	3p 2p
b)	$\lim_{x \rightarrow 2} (f(x))^{\frac{1}{x-2}} = \lim_{x \rightarrow 2} (1 + f(x) - 1)^{\frac{1}{x-2}} = \lim_{x \rightarrow 2} \left((1 + f(x) - 1)^{\frac{1}{f(x)-1}} \right)^{\frac{f(x)-1}{x-2}} =$ $= e^{\lim_{x \rightarrow 2} \frac{f(x)-1}{x-2}} = e^{f'(2)} = e^{\frac{1}{2}} = \sqrt{e}$	3p 2p
c)	Considerând $g: (1, +\infty) \rightarrow \mathbb{R}$, $g(x) = \frac{f(x)}{x}$, obținem $g'(x) = \frac{xf'(x) - f(x)}{x^2}$, deci $g'(x) = \frac{e^{x-2}(2x^2 - 5x + 2)}{2x^2(x-1)\sqrt{x-1}}$, $x \in (1, +\infty)$; $g'(x) = 0 \Rightarrow x = 2$; pentru orice $x \in (1, 2)$, $g'(x) < 0$, deci g este strict descrescătoare pe $(1, 2)$ și, pentru orice $x \in (2, +\infty)$, $g'(x) > 0$, deci g este strict crescătoare pe $(2, +\infty)$ Cum $\lim_{x \rightarrow 1} g(x) = +\infty$, $g(2) = \frac{1}{2}$, $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = +\infty$ și g este continuă, obținem că ecuația $g(x) = m$, deci ecuația $f(x) = mx$, are exact două soluții dacă și numai dacă $m \in \left(\frac{1}{2}, +\infty\right)$	3p 2p
2.a)	$\int_2^3 \frac{f(x)}{\ln x} dx = \int_2^3 \left(4x + \frac{6}{x^2} \right) dx = 2x^2 \Big _2^3 - \frac{6}{x} \Big _2^3 =$ $= 10 + 1 = 11$	3p 2p
b)	$\int_1^e x(f(x) - 4x \ln x) dx = \int_1^e \frac{6 \ln x}{x} dx = 6 \int_1^e \ln x (\ln x)' dx = 3 \ln^2 x \Big _1^e =$ $= 3 \ln^2 e - 3 \ln^2 1 = 3$	3p 2p
c)	Axa Ox este tangentă în punctul $A(a, F(a))$ la graficul lui $F \Rightarrow F(a) = 0$ și $F'(a) = 0$, unde $a \in (0, +\infty)$ și, cum $F'(x) = f(x)$, $x \in (0, +\infty)$, obținem $F(a) = 0$ și $f(a) = 0$, deci $a = 1$ $F(x) = \int_1^x f(t) dt = \int_1^x \left(2t^2 - \frac{6}{t} \right)' \ln t dt = \left(2t^2 - \frac{6}{t} \right) \ln t \Big _1^x - \left(t^2 + \frac{6}{t} \right) \Big _1^x = \left(2x^2 - \frac{6}{x} \right) \ln x - x^2 - \frac{6}{x} + 7,$ $x \in (0, +\infty)$	2p 3p